Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Гаранин Максим Алексеевич

Должность: Ректор

Дата подписания: 29.10.2025 10:13:12 Уникальный программный ключ:

7708e3a47e66a8ee02711b298d7c78bd1e40bf88

Приложение к рабочей программе дисциплины

# ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ)

### «Математика»

Специальность

23.05.05 Системы обеспечения движения поездов

Направленность (профиль)/специализация

Электроснабжение железных дорог

### Оглавление

1. ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА	3
2. ТИПОВЫЕ КОНТРОЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ ИЛИ ИНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ОЦЕНКИ	
ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ, НАВЫКОВ И (ИЛИ) ОПЫТА ДЕЯТЕЛЬНОСТИ,	
ХАРАКТЕРИЗУЮЩИХ УРОВЕНЬ СФОРМИРОВАННОСТИ КОМПЕТЕНЦИЙ	3
3. МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ, ОПРЕДЕЛЯЮЩИЕ ПРОЦЕДУРУ И КРИТЕРИИ	
ОЦЕНИВАНИЯ СФОРМИРОВАННОСТИ КОМПЕТЕНЦИЙ ПРИ ПРОВЕДЕНИИ	
ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАНИИ	11

#### 1. ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Цель промежуточной аттестации — оценивание промежуточных и окончательных результатов обучения по дисциплине, обеспечивающих достижение планируемых результатов освоения образовательной программы.

Формы промежуточной аттестации: 1, 4 семестры – экзамен, 2, 3 семестр – зачет с оценкой.

### Перечень компетенций, формируемых в процессе освоения дисциплины

Код и наименование компетенции	Код индикатора достижения компетенции
ОПК-1: Способен решать инженерные задачи в профессио-	ОПК-1.1: Применяет методы высшей
нальной деятельности с использованием методов естественных	математики для решения задач профессио-
наук, математического анализа и моделирования	нальной деятельности

# Результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине	Оценочные материалы (семестр 1-4)
ОПК-1.1: Применяет методы выс- шей математики для решения задач профессиональной деятельности	Обучающийся знает: основные понятия математического анализа, аналитической геометрии, линейной и векторной алгебры, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений, теории вероятностей и математической статистики.  Обучающийся умеет: применять полученные знания математического аппарата для решения конкретных задач в области профессиональной деятельности.	Задания (№ 1 — № 24) Задания (№ 25 — № 31)
	Обучающийся владеет: методами математического описания физических явлений и процессов; методами построения математических моделей типовых задач.	Задания (№ 32 — № 48)

Промежуточная аттестация (экзамен) проводится в одной из следующих форм:

- 1) ответ на билет, состоящий из теоретических вопросов и практических заданий;
- 2) выполнение заданий в ЭИОС университета.

Промежуточная аттестация (зачет) проводится в одной из следующих форм:

- 1) собеседование;
- 2) выполнение заданий в ЭИОС университета.

### 2. ТИПОВЫЕ КОНТРОЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ ИЛИ ИНЫЕ МАТЕРИА-ЛЫ ДЛЯ ОЦЕНКИ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ, НАВЫКОВ И (ИЛИ) ОПЫТА ДЕЯТЕЛЬНОСТИ, ХАРАКТЕРИЗУЮЩИХ УРОВЕНЬ СФОРМИРО-ВАННОСТИ КОМПЕТЕНЦИЙ

# 2.1 Типовые вопросы (тестовые задания) для оценки знаниевого образовательного результата

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Образовательный результат
ОПК-1.1: Применяет методы высшей математики для решения задач профессиональной деятельности	Обучающийся знает: основные понятия математического анализа, аналитической геометрии, линейной и векторной алгебры, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений, теории вероятностей и математической статистики.

Nº	ЗАДАНИЯ	ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ
1.	Решите уравнение $ \binom{2}{-3} \  \   \stackrel{-1}{2} ) \cdot X = \binom{2}{-3} \  \   \frac{2}{1} \  \   -\frac{1}{2} ). $	A. $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 5 & 8 \end{pmatrix}$ ; B. $\begin{pmatrix} 1 & 5 & 0 \\ 0 & 8 & -1 \end{pmatrix}$ ; C. $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 5 & 8 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ .
2.	1. $\begin{cases} x_1 - 6x_2 - 16x_3 - x_4 = -27; 2 \\ 2x_1 - x_2 + x_3 - 2x_4 = 6 \end{cases} \begin{cases} x_1 + 3x_2 - 4x_3 = -8; 3. \\ 3x_1 + 2x_2 - 3x_3 = -4 \end{cases}$	A. 1, 2; B. 2, 3; C. 3, 1; D. Bce.
3.	Написать уравнение прямой, проходящей через точку $A$ (2; 3) и точку пересечения прямых $ \begin{cases} 2x-2y=0,\\ -x-y=-2. \end{cases}$	<b>A.</b> $2x - y + 1 = 0$ <b>B.</b> $-2x + y + 1 = 0$ <b>C.</b> $2x + y - 1 = 0$ <b>D.</b> $-2x - y - 1 = 0$
4.	Даны координаты вершин треугольника $A$ (2; 1), $B$ (1; 1), $C$ (–3; 3). Найти уравнение высоты, проведенной из точки $A$ .	<b>A.</b> $-2x + 3y + 1 = 0$ <b>B.</b> $-2x - y + 5 = 0$ <b>C.</b> $2x + y - 5 = 0$ <b>D.</b> $-2x + y + 3 = 0$
5.	При каком значении α векторы $\bar{a}=\{1;2;\alpha\}$ и $\bar{b}=\{-7;2;1\}$ будут ортогональны?	<b>A.</b> –7 <b>B.</b> 1 <b>C.</b> 2 <b>D.</b> 3
6.	Найти производную 2-го порядка функции $y = \cos^2 \! x + x^2.$	<b>A.</b> $2\cos x + 2$ ; <b>C.</b> $2 - 2\cos 2x$ ; <b>B.</b> $2\cos 2x + 2$ ; <b>D.</b> $2\sin x + 2$ .
7.	Для функции $y = x^3 - 6x^2 + 2x + 11$ точка $M(2; -1)$ является точкой	<ul><li><b>А.</b> разрыва;</li><li><b>С.</b> максимума;</li><li><b>В.</b> минимума;</li><li><b>D.</b> перегиба.</li></ul>
8.	$f(x) = \frac{1}{2x}$	<b>A.</b> $x = 2$ ; <b>C.</b> $y = -1$ ; <b>B.</b> $y = 2$ ; <b>D.</b> $x = -7$ .
9.	Найти предел $\lim_{x\to 0} \left(\frac{x+4}{8x-2}\right)^x.$	A. 0; C. e; B. 1; D. ∞.
10.	$\lim_{x\to 0}\frac{\operatorname{arctg} 6x^2}{8x},$	<b>A.</b> ∞; <b>C.</b> 6 / 8; <b>B.</b> 0; <b>D.</b> 3 / 4.

Nº	ЗАДАНИЯ	ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ		
11.	$\int \frac{xdx}{\sin^2 x}$	<b>A.</b> $u = x$ , $dv = \frac{dx}{\sin^2 x}$ ; <b>B.</b> $u = x$ , $dv = \sin^2 x$ ; <b>C.</b> $u = \sin^2 x$ , $dv = xdx$ ; <b>D.</b> $u = \frac{1}{\sin^2 x}$ , $dv = xdx$ .		
12.	Для вычисления $\int \frac{dx}{1+\sin x}$ используется подстановка	$\sin^{2} x$ <b>A.</b> $t = 1 + \sin x$ ; <b>B.</b> $t = \sin x$ ; <b>C.</b> $t = \operatorname{tg} x$ ; <b>D.</b> $t = \operatorname{tg} \frac{x}{2}$ .		
13.	Решить уравнение $\sqrt{1-x^2}dy = x\sqrt{1-y^2}dx$	<b>A.</b> $\arcsin x = C\sqrt{1-y^2}$ ; <b>B.</b> $\arcsin y = C-\sqrt{1-x^2}$ ; <b>C.</b> $\arcsin y = \frac{C}{\sqrt{1-x^2}}$ . <b>A.</b> $x = t^2 - \frac{t^3}{3} + 1$ ;		
14.	Тело движется по оси абсцисс, начиная движение от точки $A(10; 0)$ со скоростью $\upsilon = 2t - t^2$ . Найти уравнение движения тела.	<b>A.</b> $x = t^2 - \frac{t^3}{3} + 1$ ; <b>B.</b> $x = -\frac{t^3}{3} + t^2$ ; <b>C.</b> $x = -\frac{t^3}{3} + t^2 + 10$ .		
15.	Записать структуру частного решения $y^*$ ЛНДУ $y'' - 2y' + y = 4e^x .$	<b>A.</b> $y^* = AX^2e^x$ ; <b>B.</b> $y^* = AXe^x$ ; <b>C.</b> $y^* = Ae^x$		
16.	С первого станка на сборку поступает 40 % деталей, остальные 60 % — со второго. Вероятность изготовления бракованной детали для первого и второго станка соответственно равна 0,01 и 0,04. Найдите вероятность того, что наудачу поступившая на сборку деталь окажется бракованной.	<b>A.</b> 0,022 <b>B.</b> 0,024 <b>C.</b> 0,028		
17.	M(X) = 3. Используя свойства математического ожидания, найдите $M(2X+3)$ .			
18.	СВ $X$ задана функцией распределения $F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0, \\ 0,4 & \text{при } 1 < x \leq 4, \\ 0,5 & \text{при } 4 < x \leq 5, \\ 0,8 & \text{при } 5 < x \leq 7, \\ 1 & \text{при } x > 7. \end{cases}$ Какова вероятность того, что $X$ примет значение из интервала $(2;5)$ ?	<b>A.</b> 0,4 <b>B.</b> 0,3 <b>C.</b> 0,2 <b>D.</b> 0,1		
19.	Страхуется 2000 автомобилей; вероятность того, что автомобиль может попасть в аварию, равна 0,1. Какой формулой следует воспользоваться, чтобы найти вероятность того, что число аварий не превысит 300?	А. локальной формулой Муавра-Лапласа В. формулой Пуассона С. интегральной формулой Муавра-Лапласа В. формулой Бернулли		
20.	Работающее и неработающее население распределено в соотношении 2:3. Случайным образом отбирают 10 человек. Каково математическое ожидание числа работающих?			
21.	Для выборки 0, 1, 6, 3, 5, 1 найти а) моду; б) медиану; в) оценку математического ожидания; г) оценку дисперсии; д) несмещенную оценку дисперсии.	<b>Д.</b> 88 / 15.		
22.	При изучении размеров зарплаты 100 рабочих предприятия были получены следующие данные:	<b>А.</b> 431,68; <b>Б.</b> 140; <b>В.</b> 120; <b>Г.</b> 140,8; <b>Д.</b> 130.		

<b>N</b> º	задания	ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ	
23.	При построении уравнения парной регрессии $y = \alpha + \beta x + \epsilon$ были получены следующие результаты: $r_{xy} = 0.5$ ; $\sigma_x = 2.5$ ; $\sigma_y = 1.2$ . Тогда коэффици-		<b>Б.</b> 1,2; Γ. 0,24;
		Д. 1,04.	
24.	Выборочное уравнение парной регрессии имеет вид $y = -3 + 2x$ , тогда	<b>A.</b> 0,6;	<b>Б.</b> −2;
24.	выборочный коэффициент корреляции может быть равен	<b>B.</b> −3;	Г. –0,6; Д. 2.

### 2.2 Типовые задания для оценки навыкового образовательного результата

Проверяемый образовательный результат:

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Образовательный результат
<b>ОПК-1.1:</b> Применяет методы высшей математики для решения задач профессиональной деятельности	Обучающийся <b>умеет</b> : применять полученные знания математического аппарата для решения конкретных задач в области профессиональной деятельности.

Задание 25. Решить систему линейных уравнений

$$\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 + x_3 = 6, \\ 2x_1 + x_2 + 6x_3 = 9, \\ 4x_1 + 2x_3 = 6 \end{cases}$$

- а) методом Крамера,
- $\delta$ ) обратной матрицы,
- в) методом Гаусса.

**Задание 26.** По четырем заданным точкам  $A_1(1; 0; 2)$ ,  $A_2(4; -1; 0)$ ,  $A_3(-2; 0; 5)$ ,  $A_4(0; -1; -3)$ . Построить пирамиду и средствами векторной алгебры найти: 1) длину ребра  $A_1A_2$ ; 2) угол между ребрами  $A_1A_2$  и  $A_1A_4$ ; 3) площадь грани  $A_1A_2A_3$ ; 4) объем пирамиды  $A_1A_2A_3A_4$ ; 5) уравнение плоскости  $A_1A_2A_3$ .

Задание 27. Найти производные первого и второго порядков функций, заданных

*a*) явно,

 $\delta$ ) параметрическим,

e) неявно.

a)  $y = e^{-x^4}$ :

$$\delta(x) = e^{-6t}, y = e^{6t};$$

 $(6) x^3 + y^3 = 5x.$ 

**Задание 28.** Вычислите определенные интегралы по формуле Ньютона-Лейбница   
 
$$a) \int_{1}^{6} \frac{x+4}{x\sqrt{x+3}} \ dx; \qquad \int_{-4}^{-3} \frac{x-2}{2+\sqrt[3]{x+4}} \ \epsilon \ dx;$$
  $\delta) \int_{-6}^{4} \sqrt{64-x^2} \ dx; \qquad \int_{-3}^{7} \sqrt{x^2+49} \ dx.$ 

**Задание 29.** Найти общее решение дифференциальных уравнений 
$$y-xy'=3(1+x^2y');$$
  $xy'=y-xe^{\frac{y}{x}};$   $y''+y'=\sin x.$   $xy'=ytg\frac{y}{x};$   $x^2y'=2xy+3;$   $y''=\frac{1}{y^3}.$ 

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n+1}{n6^n} x^n, \qquad \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+1)^n}{10^n}, \qquad \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2x+1)^n}{n+1}$$

случайно отобранных деталей окажется бракованных: a) 2 детали;  $\delta$ ) менее 2 деталей;  $\epsilon$ ) более 2 деталей.

Обучающийся владеет: методами математического описа-ОПК-1.1: Применяет методы высшей математики ния физических явлений и процессов; методами построедля решения задач профессиональной деятельности ния математических моделей типовых задач.

Задание 32. Сечение тоннеля для прокладки оптоволоконного кабеля имеет форму прямоугольника, завершенного сверху полукругом. Периметр сечения P = 35,7 см. При каком радиусе полукруга площадь сечения будет наибольшей?

**Задание 33.** В точках A и B находятся источники света силы  $F_1$  и  $F_2$ . Расстояние между точками равно a. На отрезке AB найти наименее освещенную точку M. Замечание. Освещенность точки источником силы F обратно пропорциональна квадрату расстояния r ee от источника света:  $E = kF / r^2$ ; k = const.

**Задание 34.** Сила тока i в цепи с сопротивлением R, самоиндукцией L и напряжением u удовлетворяет уравнению

$$L\frac{di}{dt} + Ri = u.$$

Найти силу тока i в момент времени t, если  $u = E \sin \omega t$  и i = 0 при t = 0 (L, R, E,  $\omega$  – постоянные).

Задание 35. Составить модель колебания линейного осциллятора.

**Задание 36.** Экспериментальные данные о переменных x и y приведены в таблице:

Y;	<b>-1</b>	0	2.	4	7

y<sub>i</sub> 0 1 1,3 1,6 1,9

В результате их выравнивания получена функция. Используя метод наименьших квадратов, аппроксимировать эти данные линейной зависимостью  $y = 0.25x^2 + 2$  (найти параметры a и b). Выяснить, какая из двух линий лучше (в смысле метода наименьших квадратов) выравнивает экспериментальные данные. Сделать чертеж.

**Задание 37.** Электрическая цепь состоит из последовательно включенных источников постоянного тока, дающего напряжение U, сопротивления R, самоиндукции L и выключателя, который включается при t=0. Найти зависимость силы тока от времени (при t>0).

**Задание 38.** Прогнозирование надежности технических систем. Система состоит из N приборов, имеющих разную надежность. Известно, что каждый из приборов, поработав вне системы  $t_i$  (ч) имел  $n_i$  отказов. Для каждого из приборов справедлив экспоненциальный закон надежности. Необходимо найти наработку на отказ всей системы. Исходные данные приведены в таблице.

### 2.3. Перечень вопросов для подготовки обучающихся к промежуточной аттестации

#### ЭКЗАМЕН

### I семестр

### 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия

- 1. Понятие о матрице. Определители второго и третьего порядков.
- 2. Основные свойства определителей.
- 3. Минор и алгебраическое дополнение.
- 4. Теоремы о разложении определителя по элементам строки или столбца.
- 5. Решение систем линейных уравнений (СЛУ) с помощью определителей. Формулы Крамера.
- 6. Сложение матриц, умножение на число. Нулевая матрица.
- 7. Умножение матрицы на матрицу. Единичная матрица.
- 8. Обратная матрица. Матричный метод решения СЛУ.
- 9. Ранг матрицы и его вычисление. Теорема Кронекера-Капелли.
- 10. Простейшие сведения о векторах. Сложение векторов. Умножение вектора на число.
- 11. Базис и координаты вектора. Проекция вектора на вектор. Разложение вектора в ортогональном базисе. Направляющие косинусы вектора.
  - 12. Скалярное произведение векторов и его свойства. Условие ортогональности векторов.
  - 13. Векторное произведение векторов и его свойства. Условие коллинеарности векторов.
  - 14. Смешанное произведение векторов и его свойства.
  - 15. Линейные пространства. Базис и размерность линейного пространства.
  - 16. Аксиоматическое определение скалярного произведения. Евклидовы пространства.
  - 17. Плоскость. Уравнения плоскости в нормальном виде в векторной и координатной формах.
- 18. Общее уравнение плоскости, приведение его к нормальному виду. Уравнение плоскости, проходящей через данную точку.
  - 19. Частные случаи расположения плоскости относительно системы координат.
- 20. Условия параллельности и перпендикулярности плоскостей. Угол между плоскостями. Расстояние от точки до плоскости.
  - 21. Уравнение плоскости, проходящей через три данные точки. Гиперплоскость.
  - 22. Прямая линия. Векторное, канонические и параметрические уравнения прямой линии.
- 23. Уравнение прямой, проходящей через две точки. Общее уравнение прямой. Взаимное расположение прямых в пространстве.
  - 24. Взаимное расположение прямой и плоскости.
  - 25. Уравнения и свойства кривых второго порядка (эллипса, гиперболы, параболы).
  - 26. Приведение уравнений второго порядка к каноническому виду: поворот осей.
  - 27. Приведение уравнений второго порядка к каноническому виду: перенос осей.
  - 28. Полярная система координат. Уравнения кривых в полярных координатах.

### 2. Введение в математический анализ

- 1. Числовая функция одной переменной. Классы функций. Свойства графиков функций.
- 2. Основные виды отображений.
- 3. Алгебраическая классификация функций.
- 4. Числовая функция нескольких переменных. Вектор функция скалярного аргумента.
- 5. Последовательность. Числовая последовательность.

- 6. Понятие о метрическом пространстве. Ограниченные, открытые, замкнутые множества, верхняя и нижняя грани числовых множеств. Диаметр множеств.
  - 7. Предел последовательности в метрическом пространстве.
  - 8. Предел отображения.
  - 9. Предел числовой функции одной переменной в точке и бесконечно удаленной точке.
- 10. Бесконечно малая величина (БМ). Ограниченные, бесконечно большие (ББ) и отделимые от нуля величины. Теорема о связи БМ с величиной, имеющей предел.
- 11. Теорема о связи БМ и ББ величин. Теорема о связи отделимой от нуля и ограниченной величины.
  - 12. Простейшие свойства БМ величин.
  - 13. Простейшие свойства пределов.
  - 14. Сравнение БМ. Эквивалентные БМ.
  - 15. Свойства эквивалентных БМ. Главная часть БМ и ББ величин.
  - 16. Теоремы о предельном переходе в неравенстве и первый признак существования предела.
  - 17. Первый и второй замечательные пределы.
- 18. Функция, непрерывная в точке и на отрезке. Односторонние пределы. Виды точек разрыва для числовой функции одной переменной.
  - 19. Свойства функций, непрерывных в точке.
  - 20. Свойства функций, непрерывных на отрезке.

### 3. Дифференциальное исчисление

- 1. Дифференциал отображения евклидова пространства в евклидово пространство.
- 2. Дифференциал и производная числовой функции одной переменной. Геометрический смысл.
- 3. Сводка правил для вычисления производных.
- 4. Теорема о связи дифференцируемости и существования производной. Теорема о связи дифференцируемости и непрерывности.
- 5. Полный дифференциал и частные производные числовой функции нескольких переменных. Геометрический смысл.
  - 6. Вычисление производных и дифференциалов сложных функций.
  - 7. Вычисление производных неявных функций.
  - 8. Производные и дифференциалы высших порядков для числовой функции одной переменной.
- 9. Частные производные числовой функции нескольких переменных и полные дифференциалы высших порядков.
  - 10. Свойства функций, дифференцируемых на интервале. Теоремы Ролля, Коши и Лагранжа.
  - 11. Теорема Лопиталя. Раскрытие неопределенностей по правилу Лопиталя.
  - 12. Формула Тейлора для многочлена.
- 13. Формула Тейлора для функции. Остаточный член формулы Тейлора в форме Лагранжа и Пеано.
  - 14. Разложение функций  $f(x) = e^x$ ,  $f(x) = \cos(x)$ ,  $f(x) = \sin(x)$  по формуле Тейлора.
  - 15. Разложение функций  $f(x) = \ln(x+1)$ ,  $f(x) = (1+x)^{\alpha}$  по формуле Тейлора.
  - 16. Приложения формулы Тейлора к исследованию функций. Главная часть бесконечно малой.
  - 17. Приложения формулы Тейлора к исследованию функций. Возрастание и убывание функции.
  - 18. Приложения формулы Тейлора к исследованию функций. Экстремумы функции.
  - 19. Приложения формулы Тейлора к исследованию функций. Выпуклость и вогнутость кривой.
  - 20. Приложения формулы Тейлора к исследованию функций. Точки перегиба кривой.
  - 21. Асимптоты кривой.
  - 22. Локальные экстремумы функции нескольких переменных.
- 23. Условные экстремумы числовой функции нескольких переменных. Метод множителей Лагранжа.
  - 24. Глобальные экстремумы числовой функции нескольких переменных.
  - 25. Производная скалярного поля по направлению. Градиент.

#### IV семестр

### Математическая статистика

1. Генеральная совокупность и выборка. Статистическая функция распределения. Статистическая плотность вероятности. Числовые характеристики статистических распределений.

- 2. Основные понятия о точечных оценках параметров распределения. Оценка математического ожидания.
  - 3. Методы построения законов распределения по опытным данным: метод моментов.
  - 4. Принцип максимального правдоподобия.
- 5. Доверительные интервалы и доверительная вероятность. Доверительный интервал для математического ожидания при большом объеме выборки.
  - 6. Доверительный интервал для математического ожидания при малом объеме выборки.
  - 7. Понятие о статистических гипотезах.
  - 8. Виды гипотез. Критерий Пирсона  $\chi^2$ .
- 9. Гипотеза о дисперсиях двух нормальных случайных величинах (СВ) (при неизвестных средних). Гипотеза о дисперсиях двух нормальных СВ (при известных средних).
  - 10. Многомерные СВ. Функция и плотность распределения двумерной СВ.
  - 11. Условные законы распределения. Моменты двумерной СВ.
  - 12. Нормальный закон на плоскости. Условные математические ожидания.
  - 13. Линейная регрессия.
- 14. Корреляционно-регрессионный анализ. Функциональная, стохастическая и корреляционная зависимости.
  - 15. Определение формы парной корреляционной зависимости.
  - 16. Регрессионный анализ парной линейной зависимости.
  - 17. Корреляционный анализ парной линейной зависимости.
- 18. Множественный регрессионный анализ. Статистический коэффициент множественной линейной корреляционной зависимости и его свойства.
- 19. Понятие об однофакторном дисперсионном анализе. Общая, факторная и остаточная суммы квадратов отклонений. Сравнение нескольких средних методом дисперсионного анализа.

### **SAYET**II cemectp

### 1. Элементы теории функции комплексной

- 1. Комплексные числа в тригонометрической и показательной формах. Формулы Муавра.
- 2. Разложение многочлена на множители в случае действительных и мнимых корней.
- 3. Первообразная и неопределенный интеграл.

### 2. Интегральное исчисление

- 1. Основные свойства неопределенного интеграла.
- 2. Интегрирование подстановкой и по частям.
- 3. Интегрирование некоторых функций, содержащих квадратный трехчлен.
- 4. Рациональные дроби. Простейшие рациональные дроби и их интегрирование.
- 5. Понятие определенного интеграла как предела интегральной суммы.
- 6. Формула Ньютона-Лейбница.
- 7. Основные свойства определенного интеграла.
- 8. Оценки определенного интеграла.
- 9. Теорема о среднем значении.
- 10. Вычисление определенного интеграла с помощью подстановки и по частям.
- 11. Вычисление площадей плоских областей, объема и площади поверхности тела вращения с помощью определенного интеграла.
  - 12. Вычисление длины дуги плоской кривой с помощью определенного интеграла.
  - 13. Вычисление объема и площади поверхности тела вращения.
  - 14. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования.
  - 15. Несобственные интегралы от разрывных функций.
  - 16. Теоремы о сходимости несобственных интегралов.
  - 17. Определенный интеграл как функция пределов интегрирования.
- 18. Понятие о специальных функциях, определяемых интегралами с переменным верхним пределом.
- 19. Понятие об интеграле по мере. Двойной интеграл. Его вычисление двукратным интегрированием.
  - 20. Вычисление площади и объема посредством двойного интеграла.

### 2. Обыкновенные дифференциальные уравнения

- 1. Понятие о дифференциальном уравнении (ДУ). Задача Коши для ДУ первого порядка.
- 2. Уравнение с разделяющимися переменными. Линейное ДУ.
- 3. Однородное дифференциальное уравнение первого порядка.
- 4. Уравнения в полных дифференциалах.
- 5. Задача Коши для дифференциальных уравнений высших порядков.
- 6. Уравнения, допускающие понижение порядка.
- 7. Линейные однородные уравнения. Определения и свойства.
- 8. Решение линейных однородных уравнений с постоянными коэффициентами.
- 9. Структура решения линейного неоднородного уравнения.
- 10. Нахождение частного решения линейного неоднородного уравнения с постоянными коэффициентами и с правой частью специального вида.
  - 11. Метод вариации произвольных постоянных.
- 12. Нормальные системы ДУ. Решение систем ДУ с постоянными коэффициентами методом исключения.

### III семестр

### 1. Числовые и функциональные ряды

- 1. Ряд. Сумма ряда.
- 2. Общие свойства сходящихся рядов.
- 3. Сравнение рядов с положительными членами.
- 4. Признак сходимости Даламбера для положительных рядов.
- 5. Радикальный признак сходимости Коши для положительных рядов.
- 6. Интегральный признак сходимости Коши для положительных рядов.
- 7. Знакочередующиеся ряды. Теорема Лейбница.
- 8. Знакопеременные ряды. Абсолютная и условная сходимости.
- 9. Функциональные ряды и их свойства.
- 10. Степенные ряды. Теорема Абеля.
- 11. Свойства степенных рядов.
- 12. Ряд Тейлора.
- 13. Экспоненциальный ряд.
- 14. Ряды Тейлора для синуса и косинуса.
- 15. Вычисление значения функции путем разложения в степенной ряд.
- 16. Вычисление интегралов путем разложения в степенной ряд.
- 17. Приближенной решение дифференциальных уравнений с помощью рядов.
- 18. Тригонометрические ряды.

### 2. Теория вероятностей

- 1. Основные понятия и определения. Случайные события. Классическое и статистическое определения вероятности события.
  - 2. Основные теоремы теории вероятностей. Полная группа событий.
  - 3. Зависимые и независимые события. Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей.
  - 4. Формула полной вероятности. Вероятность гипотез (формула Байеса.
  - 5. Случайная величина (СВ). Закон распределения СВ. Функция распределения, ее свойства.
  - 6. Функция плотности, ее свойства. Характеристики СВ.
  - 7. Биномиальный закон распределения СВ, его свойства, характеристики.
  - 8. Распределение Пуассона, его характеристики.
  - 9. Равномерное и показательное распределения непрерывной СВ.
- 10. Нормальный закон распределения СВ. Функция плотности. Нормированное нормальное распределение. Интеграл вероятностей (функция Лапласа.
  - 11. Вероятность попадания в заданный интервал. Правило трех сигм. Асимметрия и эксцесс.
- 12. Вероятность наступления событий при независимых испытаниях (формулы Бернулли, Пуассона, локальная теорема Лапласа.
- 13. Закон больших чисел. Теорема Чебышева, частный случай теоремы. Теорема Бернулли. Понятие о теореме Ляпунова.
  - 14. Понятие о случайных процессах и их характеристиках.

### 3. МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ, ОПРЕДЕЛЯЮЩИЕ ПРОЦЕДУРУ И КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ СФОРМИРОВАННОСТИ КОМПЕТЕН-ЦИЙ ПРИ ПРОВЕДЕНИИ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

### Критерии формирования оценок по ответам на вопросы, выполнению тестовых заданий

- ▶ оценка «отлично» выставляется обучающемуся, если количество правильных ответов на вопросы составляет 100 – 90 % от общего объёма заданных вопросов;
- $\triangleright$  оценка **«хорошо»** выставляется обучающемуся, если количество правильных ответов на вопросы -89-76 % от общего объёма заданных вопросов;
- $\triangleright$  оценка **«удовлетворительно»** выставляется обучающемуся, если количество правильных ответов на тестовые вопросы -75-60 % от общего объёма заданных вопросов;
- оценка **«неудовлетворительно»** выставляется обучающемуся, если количество правильных ответов менее 60 % от общего объёма заданных вопросов.

### Критерии формирования оценок по результатам выполнения заданий

«Отлично / зачтено» – ставится за работу, выполненную полностью без ошибок и недочетов.

«**Хорошо** / **зачтено**» – ставится за работу, выполненную полностью, но при наличии в ней не более одной негрубой ошибки и одного недочета, не более трех недочетов.

«Удовлетворительно / зачтено» — ставится за работу, если обучающийся правильно выполнил не менее 2 / 3 всей работы или допустил не более одной грубой ошибки и двух недочетов, не более одной грубой и одной негрубой ошибки, не более трех негрубых ошибок, одной негрубой ошибки и двух недочетов.

«**Неудовлетворительно / не зачтено»** — ставится за работу, если число ошибок и недочетов превысило норму для оценки «удовлетворительно» или правильно выполнено менее 2/3 всей работы.

#### Виды ошибок:

- ✓ грубые ошибки: незнание основных понятий, правил, норм; незнание приемов решения задач; ошибки, показывающие неправильное понимание условия предложенного задания.
- ✓ негрубые ошибки: неточности формулировок, определений; нерациональный выбор хода решения.
- ✓ недочеты: нерациональные приемы выполнения задания; отдельные погрешности в формулировке выводов; небрежное выполнение задания.

### Критерии формирования оценок по зачету с оценкой

«Отлично» — студент приобрел необходимые умения и навыки, продемонстрировал навык практического применения полученных знаний, не допустил логических и фактических ошибок.

«Хорошо» — студент приобрел необходимые умения и навыки, продемонстрировал навык практического применения полученных знаний; допустил незначительные ошибки и неточности.

«Удовлетворительно» – студент допустил существенные ошибки.

«**Неудовлетворительно**» — студент демонстрирует фрагментарные знания изучаемого курса; отсутствуют необходимые умения и навыки, допущены грубые ошибки.

### Критерии формирования оценок по экзамену

«Отлично» – студент приобрел необходимые умения и навыки, продемонстрировал навык практического применения полученных знаний, не допустил логических и фактических

### ошибок

**«Хорошо»** — студент приобрел необходимые умения и навыки, продемонстрировал навык практического применения полученных знаний; допустил незначительные ошибки и неточности.

«Удовлетворительно» – студент допустил существенные ошибки.

**«Неудовлетворительно»** — студент демонстрирует фрагментарные знания изучаемого курса; отсутствуют необходимые умения и навыки, допущены грубые ошибки.