Документ подписан фЕДЕРАЛЬНОЕДАБЕНТСТВО ЖЕЛЕЗНОДОРОЖНОГО ТРАНСПОРТА Инфоредеральное учреждение высшего образования ФИО: Гангиволижекий государственный университет путей сообщения»

Должность: Ректор Дата подписания: 15.10.2025 17:22:36 Уникальный программный ключ:

7708e3a47e66a8ee02711b298d7c78bd1e40bf88

Приложение к рабочей программе дисциплины

# ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ)

Математика			
(наименование дисциплины(модуля)			
23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства			
(код и наименование)			
№2 Подъемно-транспортные, строительные, дорожные средства и			
оборудование			
(наименование)			

#### Содержание

- 1. Пояснительная записка.
- 2. Типовые контрольные задания или иные материалы для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих уровень сформированности компетенций.
- 3. Методические материалы, определяющие процедуру и критерии оценивания сформированности компетенций при проведении промежуточной аттестации.

#### 1. Пояснительная записка

Цель промежуточной аттестации – оценивание промежуточных и окончательных результатов обучения по дисциплине, обеспечивающих достижение планируемых результатов освоения образовательной программы.

Формы промежуточной аттестации: экзамен (по очной и заочной формам обучения – 1, 2, 3 семестры).

Перечень компетенций, формируемых в процессе освоения дисциплины

#### В соответствии с ФГОС 3+

Код и наименование компетенции

ПК-2: способностью проводить теоретические и экспериментальные научные исследования по поиску и проверке новых идей совершенствования наземных транспортно-технологических средств, их технологического оборудования и создания комплексов на их базе

### Результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

#### В соответствии с ФГОС 3+

Код и наименование компетенции	Результаты обучения по дисциплине	Оценочные материалы (семестр)
ПК-2: способностью проводить теоретические и экспериментальные научные исследования по поиску и проверке новых идей совершенствования наземных	Обучающийся знает: основные понятия и методы математического анализа, аналитической геометрии и линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления	Задания (№ 1-№43)
транспортно-технологических средств, их технологического оборудования и создания комплексов на их базе	Обучающийся умеет: использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности	Задания (№ 44-№52)
	Обучающийся владеет: аппаратом математического анализа, теории вероятностей и математической статистики	Задания (№ 53-№64)

Промежуточная аттестация (экзамен) проводится в одной из следующих форм:

- 1) ответ на билет, состоящий из теоретических вопросов и практических заданий;
- 2) выполнение заданий в ЭИОС ПривГУПС.

Промежуточная аттестация (зачет) проводится в одной из следующих форм:

- 1) собеседование;
- 2) выполнение заданий в ЭИОС ПривГУПС.
- 2. Типовые<sup>1</sup> контрольные задания или иные материалы для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих уровень сформированности компетенций

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Приводятся типовые вопросы и задания. Оценочные средства, предназначенные для проведения аттестационного мероприятия, хранятся на кафедре в достаточном для проведения оценочных процедур количестве вариантов. Оценочные средства подлежат актуализации с учетом развития науки, образования, культуры, экономики, техники, технологий и социальной сферы. Ответственность за нераспространение содержания оценочных средств среди обучающихся университета несут заведующий кафедрой и преподаватель – разработчик оценочных средств.

### 2.1 Типовые вопросы (тестовые задания) для оценки знаниевого образовательного результата

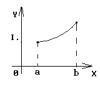
Проверяемый образовательный результат (ФГОС 3+):

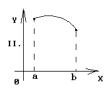
Код и наименование	Образовательный результат
компетенции	
ПК-2: способностью проводить	Обучающийся знает:
теоретические и	основные понятия и методы математического анализа, аналитической геометрии и
экспериментальные научные	линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления
исследования по поиску и	
проверке новых идей	
совершенствования наземных	
транспортно-технологических	
средств, их технологического	
оборудования и создания	
комплексов на их базе	

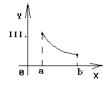
- 1. Единичной матрицей называется:
- А) диагональная матрица, с единицами на главной диагонали;
- В) квадратная матрица с единицами на главной диагонали;
- С) квадратная матрица, элементами которой являются единицы?
- 2. Что можно сказать о системе линейных уравнений с матрицей (A)и расширенной матрицей (A|B), если rang(A) < rang(A|B):
- А) система имеет единственное решение;
- В) существование такой системы невозможно;
- С) система не имеет решений.
- 3. Перемножать можно матрицы:
- А) любого размера;
- В) только квадратные матрицы;
- С) только единичные матрицы;
- D) матрицы такие, что левый сомножитель имеет столько столбцов, сколько строк у правого сомножителя
- 4. Определитель вычисляется:
- А) для любой матрицы;
- В) только для единичной матрицы;
- С) только для диагональной матрицы;
- D) только для квадратной матрицы.
- 5. Транспонированная квадратная матрица имеет определитель:
- А) равный определителю исходной матрицы;
- В) равный 0;
- С) равный 1;
- D) равный определителю исходной матрицы, взятому с обратным знаком.
- 6. Обратная матрица существует для:
- А) любой матрицы;
- В) любой квадратной матрицы;
- С) нулевой матрицы;
- D) любой квадратной невырожденной матрицы.
- 7. При умножении матрицы на обратную к ней получаем:
- А) нулевую матрицу;
- В) матрицу-столбец;
- С) матрицу-строку;

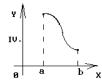
- D) единичную матрицу;
- 8. Система линейных уравнений имеет решение тогда и только тогда, когда:
- А) ранг матрицы системы больше ранга расширенной матрицы системы;
- В) ранг матрицы системы меньше ранга расширенной матрицы системы на 1;
- С) ранг матрицы системы меньше ранга расширенной матрицы системы;
- D) ранг матрицы системы равен рангу расширенной матрицы системы.
- 9. Система линейных уравнений называется однородной, если ее правая часть: равна нулевому вектору
  - А) равна нулевому вектору;
  - В) правая часть состоит только из двоек;
  - С) правая часть состоит только из отрицательных чисел;
  - D) отлична от нулевого вектора.
  - 10. Метод Крамера применим для решения системы линейных уравнений, если:
  - А) матрица системы любая;
  - В) матрица системы состоит только из единиц;
  - С) матрица системы любая квадратная;
  - D) матрица системы квадратная и невырожденная.
- 11. Если функция f(x) непрерывна на [a;b], дифференцируема на (a;b) и y(a) = y(b), то на (a;b) можно найти хотя бы одну точку, в которой:
  - А) функция не определена;
  - В) производная функции не существует;
  - С) нельзя провести касательную к графику функции;
  - D) производная функции обращается в ноль.
- 12. Найти интервалы монотонности функции  $y = x^2 2x$ 
  - A) на  $(-\infty;I]$  -убывает на  $(I;\infty)$  возрастает

  - В) на  $(-\infty; \theta]$  -убывает на  $[\theta; \infty)$  возрастает С) на  $(-\infty; \theta]$  возрастает на  $(1; \infty)$  убывает D) на  $(-\infty; \theta]$  возрастает на  $(\theta; \infty)$  убывает
- 3. График какой функции на всем отрезке [a,b] одновременно удовлетворяет трем условиям: y>0; y'< 0; y'' > 0?









#### Варианты ответов:

- А) Все графики
- В) Только II
- C) Только III

- D) Только II и III.
- Е) Только I и III
- 14. Производной второго порядка называется:

- А) квадрат производной первого порядка;
- В) производная от производной первого порядка;
- С) корень квадратный от производной первого порядка;
- D) первообразная производной первого порядка
- 15. Частной производной функции нескольких переменных называется:
- А) производная от частного аргумента функции;
- В) производная от произведения аргументов функции;
- С) производная от частного аргументов функции;
- D) производная от функции при условии, что все аргументы кроме одного остаются
- 16. Функция F(x) называется первообразной для непрерывной функции y = f(x), если:
  - A) F(x) = f(x) + C; B) F'(x) = f(x); C) F(x) = f'(x);

- D) F'(x) = f'(x).
- 17. Неопределенным интегралом функции y = f(x) называется:
  - A) первообразная функции y = f(x);
  - B) квадрат первообразной функции y = f(x);
  - C) сумма всех первообразных функции y = f(x);
  - D) совокупность всех первообразных функции y = f(x);
- 18. Метод интегрирования по частям применим при интегрировании:
  - А) суммы или разности нескольких функций; В)линейной комбинации функций;
- 19. Формула интегрирования по частям имеет вид
  - A)  $\int u dv = uv + \int v du$ ; B)  $\int u dv = uv \int v du$ ;

$$\int u dv = \int u dx + \int v dx; \quad D) \int u dv = \int u dx - \int v dx$$

- 20. Какое из следующих свойств определенного интеграла является неверным:
- Какое из следующих своисть определень

  A)  $\int_{a}^{b} (f(x) + g(x)) dx = \int_{a}^{b} f(x) dx + \int_{a}^{b} g(x) dx$ ; B)  $\int_{a}^{b} Af(x) dx = A \int_{a}^{b} f(x) dx$ ;

  C)  $\int_{a}^{b} f(x) dx = 1$ ; D)  $\int_{a}^{b} f(x) dx = -\int_{b}^{a} f(x) dx$ .
- 21. Чтобы решить дифференциальное уравнение y'x + x + y = 0, следует
  - 1) выполнять подстановку y(x)=x\*U(x);
  - 2) разделить переменные;
  - 3) искать решение в виде y(x)=U(x)\*V(x).
- 22. Решить дифференциальное уравнение  $y'\cos x + y = x\sin x$ , следует
  - 1) выполнять подстановку  $y(x)=x^*U(x)$
  - 2) разделить переменные
  - 3) искать решение в виде y(x)=U(x)\*V(x).
- 23. Дифференциальным уравнением первого порядка является уравнение:
  - 1)  $xy' + \sin x \cdot y = 0$ ; 2)  $x + \sin x \cdot y = 0$ ;
  - 3)  $y'' + y' \sin x + y = 1$ ; 4)  $y''' + y' 2 = \cos x$ ;
- 24. Дифференциальным уравнением с разделяющимися переменными является уравнение вида:

1) 
$$y \cdot \cos x = 0$$
;

$$2) y' = x^2 y;$$

3) 
$$y' = \frac{xy}{x^2 + y^2}$$
; 4)  $y' + \frac{2y}{x} = x$ ;

4) 
$$y' + \frac{2y}{x} = x;$$

- 25. Решение однородного дифференциального уравнения первого порядка может быть найдено в виде:
  - 1)  $y = u \cdot v$ , где u = u(x) и v = v(x) некоторые неизвестные функции;
  - 2)  $y = u \cdot x$ , где u = u(x) некоторая неизвестная функция;
  - 3) y = u + v, где u = u(x) и v = v(x) некоторые неизвестные функции;
  - 4) y = u + x, где u = u(x) некоторая неизвестная функция.
- 26. Линейным неоднородным дифференциальным уравнением первого порядка является уравнение вида:
  - 1) y' = f(x) g(y);
  - 2)  $y' + p(x) y = q(x) y^n$ ;
  - 3) y' = f(x; y), где функция f(x; y) однородная;
  - 4) y' + p(x)y = g(x);
- 27. Записать структуру частного решения  $y * ЛНДУ : y'' + 2y' + y = (18x + 8)e^{-x}$

1) 
$$y * = (AX + B)e^{-x}$$
; 2)  $y * = (AX + B)xe^{-x}$ ; 3)  $y * = (AX + B)x^2e^{-x}$ .

28. Найти решение уравнения  $y'' + y' = e^x$ :

1) 
$$y = e^{x}(C_1 + C_2x) + e^{x}$$
; 2)  $y = C_1 + C_2e^{-x} + \frac{1}{2}e^{x}$ ; 3)  $y = e^{-x}(C_1 + C_2x) + 2e^{x}$ .

29. Какое из ДУ решается подстановкой y' = P, y'' = PP'?

1) 
$$yy'' = 2x + (y')^2$$
; 2)  $y'' = \frac{1}{\sqrt[3]{y}}$ ; 3)  $y'' = -\frac{y'}{ctg 2x}$ .

30. Решить уравнение  $y'' + 5y' + 6y = e^x$ :

1) 
$$y = C_1 e^{-2x} + C_2 e^{-3x} + e^{-x}$$
; 2)  $y = C_1 e^{-2x} + C_2 e^{-3x} + \frac{1}{2} e^{-x}$ ; 3)  $y = C_1 e^{-2x} + C_2 e^{-3x} + 2e^{-x}$ .

- 31. Если имеется п несовместных событий Н<sub>і</sub>, образующих полную группу, и известны вероятности P(H<sub>i</sub>), а событие А может наступить после реализации одного из H<sub>i</sub> и известны вероятности P(A/H<sub>i</sub>), то Р(А) вычисляется по формуле
- А) полной вероятности
- В) Бернулли
- С) Муавра- Лапласа
- D) Байеса
- 32. Вероятность появления события А в испытании равна р. Чему равна дисперсия числа появления события А в одном испытании?
- A) 1-p
- B) p(1-p)
- C) p
- D) 1/p
- 33. По какой формуле вычисляется вероятность совместного появления двух независимых событий АиВ?
- A). P(AB)=P(A)+P(B)

- B). P(AB)=P(A)+P(B)-P(AB)
  C). P(AB)=P(A) P(B)-P(AB)
- D). P(AB)=P(A) P(B)
- 34. Функцией распределения случайной величины X называется функция F(x), задающая вероятность того, что случайная величина X примет значение:
- А). большее х
- В). меньшее или равное х
- С). равное х
- D). меньшее x
- 35. Вероятность того, что дом может сгореть в течении года, равна 0,01. Застраховано 600 домов. Какой формулой следует воспользоваться, чтобы найти вероятность того, что сгорит ровно 6 домов?
- А) формулой Бернулли
- В) интегральной формулой Муавра- Лапласа
- С) формулой Пуассона
- D) локальной формулой Лапласа
- 36. . Комбинации, число которых определяется по формуле  $C_n^m = \frac{n!}{m!(n-m)!}$ , называются:
- А) сочетаниями;
- В) размещениями;
- С) перестановками;
- D) размещениями с повторением
- 37. Плотностью вероятности f(x) непрерывной случайной величины X называется:
- А) производная функции распределения случайной величины X;
- В) первообразная функции распределения случайной величины X;
- C) производная случайной величины X;
- $\mathbf{D}$ ) первообразная случайной величины X.
- 38. К выборочным характеристикам рассеяния случайной величины относится:
- А) выборочная мода;
- В) выборочная медиана;
- С) выборочная дисперсия;
- D) выборочная средняя.
- 39. Числовое значение середины доверительного интервала характеризует:
- А) точечную оценку параметра распределения;
- В) интервальную оценку параметра распределения;
- С) надежность оценки параметра распределения;
- D) точность оценки параметра распределения.
- 40. Предположение о виде или параметрах неизвестного закона распределения называется:
- А) нулевой гипотезой;
- В) альтернативной гипотезой;
- С) ошибкой первого рода;
- D) ошибкой второго рода.
- 41. К выборочным характеристикам положения распределения случайной величины относится:
- А) выборочная мода;
- В) выборочный коэффициент асимметрии;
- С) выборочный коэффициент эксцесса;
- D) выборочный центральный момент второго порядка.
- 42. К выборочным характеристикам формы распределения случайной величины относится:

- А) выборочная дисперсия;
- В) выборочная медиана;
- С) выборочная средняя;
- D) выборочный коэффициент асимметрии.
- 43. При проверке статистических гипотез условие  $P(K > k_{\kappa p}) = \alpha$  определяет:
- А) правостороннюю критическую область;
- В) левостороннюю критическую область;
- С) двустороннюю критическую область;
- D) уровень значимости (ошибку первого рода).

#### 2.2 Типовые задания для оценки навыкового образовательного результата

Проверяемый образовательный результат (ФГОС 3+):

Код и наименование компетенции	Образовательный результат			
ПК-2: способностью	Обучающийся умеет:			
проводить теоретические и	использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной			
экспериментальные научные	деятельности			
исследования по поиску и				
проверке новых идей				
совершенствования наземных				
транспортно-технологических				
средств, их технологического				
оборудования и создания				
комплексов на их базе				

- 44. Угол, измеренный теодолитом, оказался равным 22°20′30″±30″. Какова относительная погрешность измерения?
- 45. Уравнение движения автогудронатора (машина для транспортирования органических вяжущих материалов и их равномерного распределения при устройстве гравийных и щебеночных покрытий) имеет вид r = ti + t2j + t3k, где t время. Определить скорость и ускорение движения в момент t = 1.
- 46. Поезд-рельсоукладчик движется по закону  $S = 21t + 3t^2 t^3$ . Найти его максимальную скорость.
- 47. Какую работу надо совершить наклонному вибрационному грохоту (устройство для механической сортировки сыпучих материалов), чтобы растянуть пружину между стабилизаторами на 4 см, если известно, что от нагрузки в 1 H она растягивается на 1 см?
- 48. Железнодорожный состав массой m кг в момент отключения двигателя локомотива шел со скоростью 20 м/с. Через 50 с скорость состава уменьшилась до 10 м/с. Принимая, что сопротивление движения пропорционально его скорости, найти уравнение скорости и определить, через сколько секунд от начала движения без работы двигателя его скорость окажется равной 5 м/с?
- 49. Железнодорожная платформа массы m, выведенная из положения равновесия, совершает колебания в вертикальной плоскости под действием вынуждающей силы f(x), где x время. Найдите зависимость отклонения платформы от положения равновесия y(x) от времени, если сопротивление среды пропорционально скорости, с коэффициентом пропорциональности  $k_1$ , а восстанавливающая сила рессоры, стремящаяся вернуть платформу в положение равновесия, пропорциональна величине отклонения, с коэффициентом пропорциональности  $k_2$ . Считается, что в момент времени x=0,  $y(0)=y_0$ ,  $y'(0)=y'_0$ .

- 50. Ускорение прямолинейного движения локомотива выражается формулой a=2t-10 м/с2. Найти уравнение движения, если при t=0 сек. S=4 м и при t=3 сек. S=13 м, и мгновенную скорость локомотива при t=10 сек.
- 51. Цементно-бетонный завод (ЦБЗ) находится на расстоянии 60 км от железной дороги. Расстояние по железной дороге от камнедробильного завода до ближайшего к ЦБЗ склада составляет 285 км. На каком расстоянии от склада надо построить станцию, чтобы затрачивать наименьшее время на передвижение между ЦБЗ и камнедробильным заводами, если скорость движения по железной дороге равна 52 км/ч, а скорость движения по шоссе равна 20 км/ч?
- 52. Вычислить процент протяженности неисправного пути по статистическим данным измерения отклонения ширины колеи от ее нормативного значения 1520 мм, если  $\sigma = 2,6$ , учитывая, что отклонения в ширине колеи на прямых и кривых участках пути на деревянных или железобетонных шпалах не должны превышать по уширению 6 мм и по сужению 4 мм.

Код и наименование компетенции	Образовательный результат
ПК-2: способностью	Обучающийся владеет:
проводить теоретические и	аппаратом математического анализа, теории вероятностей и математической статистики
экспериментальные научные	
исследования по поиску и	
проверке новых идей	
совершенствования наземных	
транспортно-технологических	
средств, их технологического	
оборудования и создания	
комплексов на их базе	

- 53. Найти произведение матриц  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 3 & 4 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$ .
- 54. Найти векторное произведение векторов.

 $\overline{a} = \{2; 1; 3\} \text{ } \overline{b} = \{1; 2; 3\}.$ 

- 55. Найти предел  $\lim_{x\to -1} \frac{3x^2 + 9x + 6}{2x^2 2}$ .
- 56. Найти производную функции  $y = 5^{tg^3 4x}$
- 57. Найти производную функции  $U = x^2 + 3xy^2$  в точке M(1;1) в направлении единичного вектора e (0; 1)
- 58. Найдите неопределенный интеграл  $I = \int \frac{2x^3 x^6 + 2}{x} dx$ .
- 59. Указать вид частного решения уравнения  $y'' 2y' = 6 + 12x 24x^2$ .
- 60. Для Л.Н.Д.У. подобрать структуру частного решения  $y^*: 10y'' + 20y' = e^{-2x} \cdot x^2$ .
- 61. Найти область сходимости степенного ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n x^n}{n^2 + 1}$ .
- 62. Найти разложение в степенной ряд по степеням x решения дифференциального уравнения (записать три первых, отличных от нуля, члена этого разложения)  $y = xy + e^y$ , если y(0) = 0.
- 63. На склад поступает 40% деталей с первого завода и 60% деталей со второго завода. Вероятность изготовления брака для первого и второго завода соответственно равны 0,01 и 0,04. Найти вероятность того, что наудачу поступившая на склад деталь окажется бракованной.
- 64. Для случайной величины X, распределенной по нормальному закону, найден доверительный интервал (12,46; 13,56) для оценки неизвестного математического ожидания. Определить точность оценки.

#### 2.3. Перечень вопросов для подготовки обучающихся к промежуточной аттестации

#### Вопросы к экзамену (1 семестр)

- 1. Матрицы, их виды.
- 2. Сложение (вычитание), умножение матриц.
- 3. Определители второго и третьего порядка.
- 4. Основные свойства определителей.
- 5. Определитель n-го порядка.
- 6. Обратная матрица.
- 7. Ранг матрицы.
- 8. Системы линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли.
- 9. Метод Крамера для решения систем линейных уравнений.
- 10. Метод обратной матрицы для решения систем линейных уравнений.
- 11. Метод Гаусса для решения систем линейных уравнений.
- 12. Однородные системы линейных уравнений.
- 13. Векторы, геометрические операции с векторами.
- 14. Линейная зависимость векторов в R2. Базис.
- 15. Линейная зависимость векторов в R3. Базис.
- 16. Координатная форма записи вектора.
- 17. Действия с векторами в координатной форме.
- 18. Деление отрезка в данном отношении.
- 19. Скалярное произведение векторов и его свойства.
- 20. Вычисление скалярного произведения.
- 21. Длина вектора.
- 22. Угол между векторами. Ортогональность.
- 23. Векторное произведение и его свойства.
- 24. Вычисление векторного произведения.
- 25. Площадь треугольника, вычисляемая через векторное произведение векторов.
- 26. Коллинеарность.
- 27. Смешанное произведение векторов, его свойства и геометрический смысл.
- 28. Вычисление смешанного произведения.
- 29. Компларность.
- 30. Понятие об уравнении поверхности и линии.
- 31. Плоскость; уравнение плоскости, проходящей через точку и перпендикулярной вектору.
- 32. Различное расположение плоскостей в пространстве.
- 33. Уравнение плоскости, проходящей через три заданные точки.
- 34. Расстояние от точки до плоскости.
- 35. Угол между плоскостями, условие параллельности и перпендикулярности плоскостей.
- 36. Прямые в пространстве. Общие уравнения прямой.
- 37. Канонические уравнения прямой.
- 38. Параметрические уравнения прямой.
- 39. Уравнение прямой в пространстве, проходящей через две точки.
- 40. Связь между различными уравнениями прямой в пространстве.
- 41. Угол между прямыми. Условие коллинеарности и ортогональности.
- 42. Угол между прямой и плоскостью. Условие коллинеарности и ортогональности.
- 43. Расстояние от точки до прямой в пространстве.
- 44. Прямые на плоскости. Уравнение прямой с угловым коэффициентом.
- 45. Уравнение прямой на плоскости, проходящей через две точки.
- 46. Расстояние от точки до прямой на плоскости.
- 47. Угол между прямыми. Условие параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости.
- 48. Кривые второго порядка. Окружность.
- 49. Эллипс. Каноническое уравнение, форма.
- 50. Эксцентриситет эллипса. Фокальные радиусы, директрисы.
- 51. Гипербола. Каноническое уравнение.
- 52. Асимптоты, форма гиперболы. Эксцентриситет.

- 53. Директрисы, фокальные радиусы гиперболы.
- 54. Парабола. Каноническое уравнение, форма.
- 55. Директриса. Фокальный радиус параболы.
- 56. Приведение уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.
- 57. Дифференциал и производная числовой функции одной переменной. Геометр. смысл.
- 58. Теорема о связи дифференцируемости и существования производной. Теорема о связи дифференцируемости и непрерывности.
- 59. Вычисление производных и дифференциалов сложных функций.
- 60. Вычисление производных неявных функций.
- 61. Производные и дифференциалы высших порядков для числовой функции одной переменной.
- 62. Свойства функций, дифференцируемых на интервале. Теоремы Ролля, Коши и Лагранжа.
- 63. Теорема Лопиталя. Раскрытие неопределенностей по правилу Лопиталя.
- 64. Формула Тейлора для многочлена.
- 65. Формула Тейлора для функции. Остаточный член формулы Тейлора в форме Лагранжа и Пеано.
- 66. Экстремумы функции. Выпуклость и вогнутость функции.
- 67. Точки перегиба. Асимптоты.

#### Вопросы к экзамену (2 семестр)

- 1. Полный дифференциал и частные производные числовой функции нескольких переменных. Геометрический смысл.
- 2. Локальные экстремумы функции нескольких переменных.
- 3. Условные экстремумы числовой функции нескольких переменных. Метод множителей Лагранжа.
- 4. Производная скалярного поля по направлению. Градиент.
- 5. Первообразная и неопределенный интеграл.
- 6. Основные свойства неопределенного интеграла.
- 7. Интегрирование подстановкой и по частям.
- 8. Интегрирование некоторых функций, содержащих квадратный трехчлен.
- 9. Рациональные дроби. Простейшие рациональные дроби и их интегрирование.
- 10. Понятие определенного интеграла как предела интегральной суммы.
- 11. Формула Ньютона-Лейбница. Основные свойства определенного интеграла.
- 12. Оценки определенного интеграла.
- 13. Теорема о среднем значении.
- 14. Вычисление определенного интеграла с помощью подстановки и по частям.
- 15. Вычисление площадей плоских областей, объема и площади поверхности тела вращения с помощью определенного интеграла.
- 16. Вычисление длины дуги плоской кривой с помощью определенного интеграла.
- 17. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования и от разрывных функций.
- 18. Теоремы о сходимости несобственных интегралов.
- 19. Комплексные числа в алгебраической форме и действия над ними.
- 20. Комплексные числа в тригонометрической и показательной формах.
- 21. Действия с комплексными числами: сложение, умножение, деление.
- 22. Формулы Муавра.
- 23. Понятие о дифференциальном уравнении. Задача Коши для ДУ первого порядка.
- 24. Уравнение с разделяющимися переменными. Линейное ДУ.
- 25. Однородное дифференциальное уравнение (первого порядка).
- 26. Задача Коши для дифференциальных уравнений высших порядков.
- 27. Уравнения, допускающие понижение порядка.
- 28. Линейные однородные уравнения. Определения и свойства.
- 29. Решение линейных однородных уравнений с постоянными коэффициентами.
- 30. Структура решения линейного неоднородного уравнения. Нахождение частного решения линейного неоднородного уравнения с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида.

- 31. Метод вариации произвольных постоянных.
- 32. Нормальные системы ДУ. Решение систем ДУ с постоянными коэффициентами методом исключения и методом характеристик.

#### Вопросы к экзамену (3 семестр)

- 1. Ряд. Сумма ряда.
- 2. Общие свойства сходящихся рядов.
- 3. Сравнение рядов с положительными членами.
- 4. Признак сходимости Даламбера для положительных рядов.
- 5. Радикальный признак сходимости Коши для положительных рядов.
- 6. Интегральный признак сходимости Коши для положительных рядов.
- 7. Знакочередующиеся ряды. Теорема Лейбница.
- 8. Знакопеременные ряды. Абсолютная и условная сходимости.
- 9. Функциональные ряды и их свойства.
- 10. Степенные ряды. Теорема Абеля.
- 11. Свойства степенных рядов.
- 12. Ряд Тейлора.
- 13. Вычисление значения функции путем разложения в степенной ряд.
- 14. Вычисление интегралов путем разложения в степенной ряд.
- 15. Приближенной решение дифференциальных уравнений с помощью рядов.
- 16. Ряд Фурье для четных и нечетных функций.
- 17. Основные понятия и определения. Случайные события. Классическое и статистическое определения вероятности события.
- 18. Основные теоремы теории вероятностей. Полная группа событий.
- 19. Зависимые и независимые события. Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей.
  - 20. Формула полной вероятности. Вероятность гипотез (формула Байеса).
  - 21. Случайная величина (СВ). Закон распределения СВ. Функция распределения, ее свойства.
  - 22. Функция плотности, ее свойства. Характеристики СВ.
  - 23. Биномиальный закон распределения СВ, его свойства, характеристики.
  - 24. Распределение Пуассона, его характеристики.
  - 25. Равномерное и показательное распределения непрерывной СВ.
- 26. Нормальный закон распределения СВ. Функция плотности. Нормированное нормальное распределение. Интеграл вероятностей (функция Лапласа).
  - 27. Вероятность попадания в заданный интервал. Правило трех сигм. Асимметрия и эксцесс.
- 28. Вероятность наступления событий при независимых испытаниях (формулы Бернулли, Пуассона, локальная теорема Лапласа).
- 29. Закон больших чисел. Теорема Чебышева, частный случай теоремы. Теорема Бернулли. Понятие о теореме Ляпунова.
  - 30. Понятие о случайных процессах и их характеристиках.
- 31. Генеральная совокупность и выборка. Статистическая функция распределения. Статистическая плотность вероятности. Числовые характеристики статистических распределений.
- 32. Основные понятия о точечных оценках параметров распределения. Оценка математического ожидания.
  - 33. Методы построения законов распределения по опытным данным: метод моментов.
  - 34. Принцип максимального правдоподобия.
- 35. Доверительные интервалы и доверительная вероятность. Доверительный интервал для математического ожидания при большом объеме выборки.
  - 36. Доверительный интервал для математического ожидания при малом объеме выборки.
  - 37. Понятие о статистических гипотезах.
  - 38. Виды гипотез. Критерий Пирсона Х2.

- 39. Гипотеза о дисперсиях двух нормальных случайных величинах (СВ) (при неизвестных средних). Гипотеза о дисперсиях двух нормальных СВ (при известных средних).
  - 40. Многомерные СВ. Функция и плотность распределения двумерной СВ.
  - 41. Условные законы распределения. Моменты двумерной СВ.
  - 42. Нормальный закон на плоскости. Условные математические ожидания.
  - 43. Линейная регрессия.
- 44. Корреляционно-регрессионный анализ. Функциональная, стохастическая и корреляционная зависимости.
  - 45. Определение формы парной корреляционной зависимости.
  - 46. Регрессионный анализ парной линейной зависимости.
  - 47. Корреляционный анализ парной линейной зависимости.
  - 48. Статистические методы обработки экспериментальных данных.

# 3. Методические материалы, определяющие процедуру и критерии оценивания сформированности компетенций при проведении промежуточной аттестации

#### Критерии формирования оценок по ответам на вопросы, выполнению тестовых заданий

- оценка **«отлично»** выставляется обучающемуся, если количество правильных ответов на вопросы составляет 100 90% от общего объёма заданных вопросов;
- оценка **«хорошо»** выставляется обучающемуся, если количество правильных ответов на вопросы -89-76% от общего объёма заданных вопросов;
- оценка **«удовлетворительно»** выставляется обучающемуся, если количество правильных ответов на тестовые вопросы –75–60 % от общего объёма заданных вопросов;
- оценка **«неудовлетворительно»** выставляется обучающемуся, если количество правильных ответов менее 60% от общего объёма заданных вопросов.

### Критерии формирования оценок по результатам выполнения заданий

«Отлично/зачтено» – ставится за работу, выполненную полностью без ошибок и недочетов.

«**Хорошо**/зачтено» — ставится за работу, выполненную полностью, но при наличии в ней не более одной негрубой ошибки и одного недочета, не более трех недочетов.

«Удовлетворительно/зачтено» — ставится за работу, если обучающийся правильно выполнил не менее 2/3 всей работы или допустил не более одной грубой ошибки и двух недочетов, не более одной грубой и одной негрубой ошибки, не более трех негрубых ошибок, одной негрубой ошибки и двух недочетов.

«**Неудовлетворительно**/**не** зачтено» — ставится за работу, если число ошибок и недочетов превысило норму для оценки «удовлетворительно» или правильно выполнено менее 2/3 всей работы.

Виды ошибок:

- грубые ошибки: незнание основных понятий, правил, норм; незнание приемов решения задач; ошибки, показывающие неправильное понимание условия предложенного задания.
- негрубые ошибки: неточности формулировок, определений; нерациональный выбор хода решения.
- недочеты: нерациональные приемы выполнения задания; отдельные погрешности в формулировке выводов; небрежное выполнение задания.

#### Критерии формирования оценок по зачету с оценкой

«Отлично/зачтено» – студент приобрел необходимые умения и навыки, продемонстрировал навык практического применения полученных знаний, не допустил логических и фактических ошибок

«Хорошо/зачтено» — студент приобрел необходимые умения и навыки, продемонстрировал навык практического применения полученных знаний; допустил незначительные ошибки и неточности.

«Удовлетворительно/зачтено» - студент допустил существенные ошибки.

«**Неудовлетворительно/не зачтено»** – студент демонстрирует фрагментарные знания изучаемого курса; отсутствуют необходимые умения и навыки, допущены грубые ошибки.

#### Критерии формирования оценок по зачету

«Зачтено»» - обучающийся демонстрирует знание основных разделов программы изучаемого курса: его базовых понятий и фундаментальных проблем; приобрел необходимые умения и навыки, освоил вопросы практического применения полученных знаний, не допустил фактических ошибок при ответе, достаточно последовательно и логично излагает теоретический материал, допуская лишь незначительные нарушения последовательности изложения и некоторые неточности.

«Не зачтено»» - выставляется в том случае, когда обучающийся демонстрирует фрагментарные знания основных разделов программы изучаемого курса: его базовых понятий и фундаментальных проблем. У экзаменуемого слабо выражена способность к самостоятельному аналитическому мышлению, имеются затруднения в изложении материала, отсутствуют необходимые умения и навыки, допущены грубые ошибки и незнание терминологии, отказ отвечать на дополнительные вопросы, знание которых необходимо для получения положительной оценки.

#### Критерии формирования оценок по экзамену

«Отлично» (5 баллов) — обучающийся демонстрирует знание всех разделов изучаемой дисциплины: содержание базовых понятий и фундаментальных проблем; умение излагать программный материал с демонстрацией конкретных примеров. Свободное владение материалом должно характеризоваться логической ясностью и четким видением путей применения полученных знаний в практической деятельности, умением связать материал с другими отраслями знания.

«Хорошо» (4 балла) – обучающийся демонстрирует знания всех разделов изучаемой дисциплины: содержание базовых понятий и фундаментальных проблем; приобрел необходимые умения и навыки, освоил вопросы практического применения полученных знаний, не допустил фактических ошибок при ответе, достаточно последовательно и логично излагает теоретический материал, допуская лишь незначительные нарушения последовательности изложения и некоторые неточности. Таким образом данная оценка выставляется за правильный, но недостаточно полный ответ.

«Удовлетворительно» (3 балла) — обучающийся демонстрирует знание основных разделов программы изучаемого курса: его базовых понятий и фундаментальных проблем. Однако знание основных проблем курса не подкрепляются конкретными практическими примерами, не полностью раскрыта сущность вопросов, ответ недостаточно логичен и не всегда последователен, допущены ошибки и неточности.

«Неудовлетворительно» (0 баллов) — выставляется в том случае, когда обучающийся демонстрирует фрагментарные знания основных разделов программы изучаемого курса: его базовых понятий и фундаментальных проблем. У экзаменуемого слабо выражена способность к самостоятельному аналитическому мышлению, имеются затруднения в изложении материала, отсутствуют необходимые умения и навыки, допущены грубые ошибки и незнание терминологии, отказ отвечать на дополнительные вопросы, знание которых необходимо для получения положительной оценки.

### Экспертный лист оценочных материалов для проведения промежуточной аттестации по дисциплине « Математика »

#### по направлению подготовки/специальности

## \_23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства шифр и наименование направления подготовки/специальности

#### Подъемно-транспортные, строительные, дорожные средства и

0	борудование		
	профиль / специализация	I .	
	квалификация выпускник	a	
1. Форма	альное оценивани	ie	
Показатели		Присутствуют	Отсутствуют
Наличие обязательных структурных элеме	ентов:	1 0	
– титульный лист			
<ul><li>пояснительная записка</li></ul>			
<ul> <li>типовые оценочные материаль</li> </ul>	Ы		
<ul> <li>методические материалы, опре-</li> </ul>			
процедуру и критерии оцениван	RИ		
Содержат	ельное оцениван	ие	
Показатели	Соответствует	Соответствует частично	Не соответствует
Соответствие требованиям ФГОС ВО к			
результатам освоения программы			
Соответствие требованиям ОПОП ВО к			
результатам освоения программы			
Ориентация на требования к трудовым			
функциям ПС (при наличии			
утвержденного ПС)			
Соответствует формируемым			
компетенциям, индикаторам достижения			
компетенций			
Заключение: ФОС рекомендуется/ не обеспечивает объективность и достоверностобучения; критерии и показатели оценивани обеспечивают проведение всесторонней оце	гь результатов пр ия компетенций,	и проведении оцені шкалы оценивания	ивания результато
Эксперт, должность, ученая степень,	ученое звание		_ / Ф.И.О.
		(подпись)	

МΠ